

令和3年度入試（令和2年度実施）の情報開示  
出題意図について

入試の区分	一般選抜（後期日程）
学部学科等	工学部 工学科生命工学コース
教科・科目名	その他 / 総合問題
正解・解答例 又は出題 (面接)意図	<del>(出題意図)</del> 別紙の解答例を参照下さい。
備 考	

解 答 用 紙

問題番号	1
------	---

受験番号

解答例

- (1) 数列 $\{a_n\}$ の定義式に対し、 $n = 2, 3, 4, 5$  を代入して計算すれば  $a_3 = 2, a_4 = 3, a_5 = 5, a_6 = 8$  と求まる。
- (2)  $(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6) = (1, 1, 2, 3, 5, 8)$  であるので、連続する3項を順に調べると  $a_1 + a_2 = a_3, a_2 + a_3 = a_4, a_3 + a_4 = a_5, a_4 + a_5 = a_6$  が成り立っていることがわかる。これより、一般の3項間  $(a_n, a_{n+1}, a_{n+2})$  において  $a_n + a_{n+1} = a_{n+2}$  が成り立つと予想できる。
- (3) 解と係数の関係より  $\alpha + \beta = -(-1) = 1, \alpha\beta = -1$  となる。数列 $\{b_n\}$ は  $b_{n+2} = b_{n+1} + b_n$  を満たすため、 $\alpha, \beta$  を用いて、 $b_{n+2} = 1 \times b_{n+1} - (-1) \times b_n = (\alpha + \beta)b_{n+1} - \alpha\beta b_n$  と式変形できる。この式からさらに変形すれば、  

$$b_{n+2} - \alpha b_{n+1} = \beta b_{n+1} - \alpha\beta b_n = \beta(b_{n+1} - \alpha b_n), b_{n+2} - \beta b_{n+1} = \alpha b_{n+1} - \alpha\beta b_n = \alpha(b_{n+1} - \beta b_n)$$
 となり、問題文の2式が成り立つことが言える。
- (4) 問題(3)より、 $b_{n+2} - \alpha b_{n+1} = \beta(b_{n+1} - \alpha b_n), b_{n+2} - \beta b_{n+1} = \alpha(b_{n+1} - \beta b_n)$  であるので、 $b_{n+1} - \alpha b_n = c_n$  および  $b_{n+1} - \beta b_n = d_n$  とすれば、上の2式は  $c_{n+1} = \beta c_n, d_{n+1} = \alpha d_n$  と表せる。これらはそれぞれ等比数列であるので、一般項 $c_n$ および $d_n$ は  $c_n = \beta^{n-1}c_1, d_n = \alpha^{n-1}d_1$  となる。 $c_1 = b_2 - \alpha b_1$  および  $d_1 = b_2 - \beta b_1$  であるので、 $b_{n+1} - \alpha b_n = \beta^{n-1}(b_2 - \alpha b_1), b_{n+1} - \beta b_n = \alpha^{n-1}(b_2 - \beta b_1)$  となる。したがって、 $b_{n+1}$ は  

$$b_{n+1} = \alpha b_n + \beta^{n-1}(b_2 - \alpha b_1), b_{n+1} = \beta b_n + \alpha^{n-1}(b_2 - \beta b_1)$$
 の2通りで表せる。
- (5) 問題(2)より、数列 $\{a_n\}$ に関して  $a_n + a_{n+1} = a_{n+2}$  が成り立つと予想された。今、数列 $\{a_n\}$ の元々の定義式の両辺に $a_{n+1}^2$ を加えると、

$$\sum_{k=1}^n a_k^2 + a_{n+1}^2 = a_n a_{n+1} + a_{n+1}^2 = a_{n+1} a_{n+2} \quad (\text{式1})$$

が成り立つ。今、(式1)の左辺は  $a_k^2 (1 \leq k \leq n+1)$  の和であり、かつ  $a_1 = a_2 = 1$  であることは既知であるため、任意の自然数 $n$ に対して

$$a_{n+1} a_{n+2} = \sum_{k=1}^{n+1} a_k^2 \geq a_1^2 + a_2^2 = 2$$

であることがわかる。したがって、 $a_{n+1} \neq 0$ であることがわかるため、(式1)を $a_{n+1}$ で除してやると  $a_n + a_{n+1} = a_{n+2}$  となり、予想が正しいことが証明された。ここで数列 $\{a_n\}$ の予想した漸化式と数列 $\{b_n\}$ の漸化式を比べてみると、全く同じ形をしていることがわかる。したがって、 $x^2 - x - 1 = 0$  の解を $\alpha, \beta$ とすれば、問題(4)より  $a_{n+1} = \alpha a_n + \beta^{n-1}(a_2 - \alpha a_1), a_{n+1} = \beta a_n + \alpha^{n-1}(a_2 - \beta a_1)$  と表される。 $a_1 = a_2 = 1$  であり、 $\alpha + \beta = 1$  であることから、 $a_2 - \alpha a_1 = 1 - \alpha = \beta, a_2 - \beta a_1 = 1 - \beta = \alpha$  となる。したがって、 $a_{n+1} = \alpha a_n + \beta^{n-1}(a_2 - \alpha a_1) = \alpha a_n + \beta^n$  および  $a_{n+1} = \beta a_n + \alpha^{n-1}(a_2 - \beta a_1) = \beta a_n + \alpha^n$  と表すことができる。上の2式から $a_{n+1}$ を消去することで、 $(\beta - \alpha)a_n = \beta^n - \alpha^n$  が導き出せる。 $\alpha$ および $\beta$ はそれぞれ  $x^2 - x - 1 = 0$  の解であるため、その値を当てはめれば、一般項 $a_n$ は以下の式で表される。

$$a_n = \frac{\beta^n - \alpha^n}{\beta - \alpha} = \frac{1}{\sqrt{5}} \left\{ \left( \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \right)^n - \left( \frac{1 - \sqrt{5}}{2} \right)^n \right\} \quad (\text{ただし } n \geq 1)$$

解 答 用 紙

問題番号	2
------	---

受験番号									
------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(1) 平行板コンデンサーの静電容量の公式から、

$$9.0 \times 10^{-12} \times 8.0 \times 1 \times 10^{-4} \div (1.0 \times 10^{-8}) = 72 \times 10^{-8} = 7.2 \times 10^{-7} \text{ [F/cm}^2\text{]}$$

∴) 有効数字2桁を考えて、 解答： $7.2 \times 10^{-7}$  [F/cm<sup>2</sup>]

(2) 球の表面積は $4\pi r^2$ であることから、

細胞1個当たりの電気容量は、

$$9.0 \times 10^{-12} \times 8.0 \times 4 \times 3.14 \times (10 \times 10^{-6})^2 \div (1 \times 10^{-8}) = 904.32 \times 10^{-14} = 9.0432 \times 10^{-12} \text{ [F/cell]}$$

∴) 有効数字2桁を考えて、 解答： $9.0 \times 10^{-12}$  [F/cell]

(3) この容量のコンデンサーに蓄えられる電気量は、

$$9.0432 \times 10^{-12} \times 0.1 = 9.0432 \times 10^{-13}$$

∴) 有効数字2桁を考えて、 解答： $9.0 \times 10^{-13}$  [C/cell]

(4) コンデンサーに蓄えられる静電エネルギーは、

$$\frac{1}{2} \times 9.0432 \times 10^{-12} \times (0.1)^2 = 4.5216 \times 10^{-14} \text{ [J]}$$

∴) 有効数字2桁を考えて、 解答： $4.5 \times 10^{-14}$  [J]

(5) 正弦波の式は、電圧をV、振幅をV<sub>0</sub>、角周波数をωとすると、

$V = V_0 \sin \omega t$  として表せる。

ここで、電圧の実効値 V<sub>e</sub> が 1.0 V なので、 $V_e = 1.0 = \frac{V_0}{\sqrt{2}}$

$$V_0 = 1.0 \times 1.4 = 1.4$$

また、周波数 f が 100 kHz であることから、 $\omega = 2 \times 3.14 \times 100 \times 10^3 = 6.28 \times 10^5$

∴) 電圧の式は、

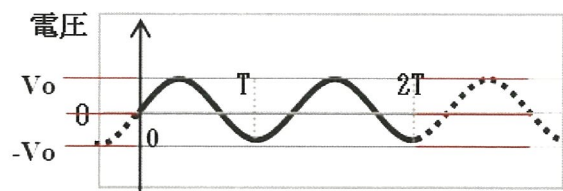
$$V = 1.4 \times \sin(6.28 \times 10^5 \times t)$$

有効数字を合わせると  $V = 1.4 \times \sin(6.3 \times 10^5 \times t)$

よって、電圧Vの2周期分のグラフは右図のようになる。

$$V_0 = 1.4$$

$$\text{周期} : T = \frac{1}{f} = 0.01 \times 10^{-3}$$



$$=1.0 \times 10^{-5} \text{ [sec]} = 1.0 \times 10^{-2} \text{ [msec]}$$

(6) コンデンサーを流れる交流の電流の式は、

$$I = I_0 \cos(\omega t) = I_0 \times \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

ここでコンデンサーの容量リアクタンスは、 $\frac{1}{\omega C}$  なので、

$$I_0 = V_0 \times \omega C = 1.4 \times 6.28 \times 10^5 \times 9.0432 \times 10^{-12} = 79.5078 \times 10^{-7} \text{ [A]}$$

有効数字を考慮して、 $I_0 = 8.0 \times 10^{-6} \text{ [A]}$

ゆえに、交流の電流の式は、

$$I = I_0 \cos(\omega t) = I_0 \times \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = 8.0 \times 10^{-6} \times \sin(6.28 \times 10^5 \times t + 1.57)$$

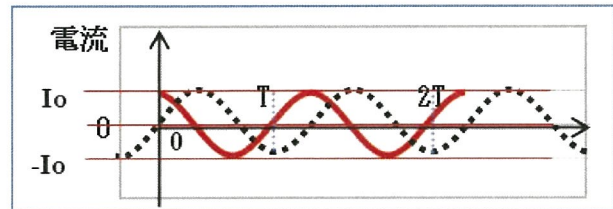
有効数字を考慮して、

$$I = 8.0 \times 10^{-6} \times \sin(6.3 \times 10^5 \times t + 1.6)$$

よって、電流Iの2周期分のグラフは右図の赤線のようになる。

$$I_0 = 8.0 \times 10^{-6} \text{ [A]}$$

$$T = 1.0 \times 10^{-5} \text{ [sec]} = 1.0 \times 10^{-2} \text{ [msec]}$$



(7) 電力の式は、

$$W = V \times I = V_0 I_0 \times \sin \omega t \times \cos(\omega t) \text{ と表せる。}$$

ここで、三角関数の公式  $\sin \alpha \times \cos \alpha = \frac{1}{2} \times \sin 2\alpha$  を当てはめると、

$$W = V_0 I_0 \times \frac{1}{2} \times \sin 2\omega t = 1.4 \times 8.0 \times 10^{-6} \times \frac{1}{2} \times \sin(2 \times 6.28 \times 10^5 \times t)$$

$$= 5.6 \times 10^{-6} \times \sin(12.56 \times 10^5 \times t)$$

$$\text{有効数字を考慮して、 } W = 5.6 \times 10^{-6} \times \sin(1.3 \times 10^6 \times t)$$

これは、周波数が2倍で原点を中心とした正弦波となる。

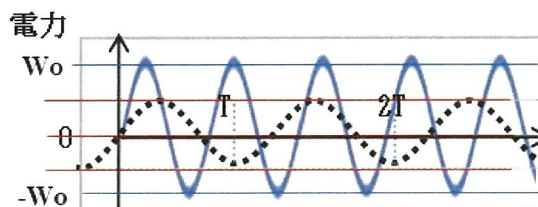
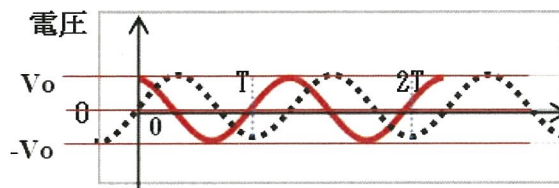
よって、電力Wのグラフは右下の青線のようになる。

$$W_0 = \frac{1}{2} V_0 I_0 = 5.6 \times 10^{-6} \text{ [J]}$$

$$T = 1.0 \times 10^{-5} \text{ (sec)}$$

$$= 1.0 \times 10^{-2} \text{ (msec)}$$

以上。



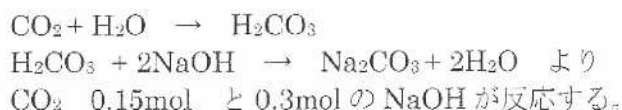
解 答 用 紙

問題番号	3
------	---

受験番号

- (1) ① ビーカーにまず 500mL くらい水を入れる。  
 ② 濃硫酸 0.1mol は 9.8 g に相当する。必要な硫酸量を V(mL) とすると、  
 $\{[1.84(\text{g}/\text{cm}^3) \times V(\text{mL}) \times 0.98]/98.00(\text{g}/\text{mol})\}/1.00(\text{L})=0.100(\text{mol}/\text{L})$  より  $V=5.43\text{mL}$   
 5.4 mL を、安全ピペットをつけたメスピペットではかり、静かに水の中に入れる。  
 ③ ②の溶液を 1000 mL のメスフラスコに移す。  
 ④ ビーカー内部に水を入れその液もメスフラスコに入れる。  
 ⑤ ④の操作を数回繰り返す  
 ⑥ 水を標線まで入れる。（最後のところは駒込ピペットで一滴ずつ入れる。）  
 ⑦ 栓をして上下によく振り、均一にする。
- (2) ① 二酸化炭素を吸収させて生成した水溶液を 10mL のホールピペットに少量取り、共洗いを  
 する。  
 ② 10mL のホールピペットに水溶液を取り、コニカルビーカーに入れる。最終的にはホールピ  
 ペットの上部の穴を指でふさぎ、ホールピペットの膨らんだ部分を掌で握り、体温で温めず  
 べてを出す。（または安全ピペットを用いてホールピペットを用いて取るのも可）。  
 ③ ビュレットにモル濃度 0.100 mol/L の硫酸水溶液を少量入れ共洗いを。  
 ④ ビュレットにモル濃度 0.100 mol/L の硫酸水溶液を入れ、液を少し出して活栓の下の空気  
 を追い出す。  
 ⑤ ビュレットの液面のメニスカスの最下端に目を合わせ、目盛を最小目盛の 10 分の 1 まで読  
 む。  
 ⑥ コニカルビーカーの中の水溶液に指示薬を入れる。  
 ⑦ 指示薬の色が変化するまでビュレットから硫酸水溶液を滴下する。  
 ⑧ 目盛を⑤と同様に読み、差を計算する。

- (3)  $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CH}_3 + 5\text{O}_2 \rightarrow 3\text{CO}_2 + 4\text{H}_2\text{O}$   
 プロパン 1mol から 3mol の  $\text{CO}_2$  がでる。  
 プロパン 2.2 g は  $2.2/44 = 0.05\text{mol}$  なので、 $\text{CO}_2$  は 0.15mol 生じる。



NaOH 溶液 400mL に  $2.00 \times 0.4 = 0.8\text{mol}$  の NaOH が含まれる。  
 そのうち 0.3mol の NaOH が消費されるので  
 400mL 中に NaOH が 0.5mol と  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  が 0.15mol 残る。

フェノールフタレインの色が消えるまでには  
 $\text{NaOH} + 1/2 \text{H}_2\text{SO}_4 \rightarrow 1/2 \text{Na}_2\text{SO}_4 + \text{H}_2\text{O}$

と  
 $\text{Na}_2\text{CO}_3 + 1/2 \text{H}_2\text{SO}_4 \rightarrow \text{NaHCO}_3 + 1/2 \text{Na}_2\text{SO}_4$   
の反応が起こる。

$\text{NaOH}$ ,  $\text{Na}_2\text{CO}_3$ 、それぞれと中和反応する硫酸溶液の体積を  $V_1(\text{mL})$ ,  $V_2(\text{mL})$  とすると、  
400mL の溶液中で

$$\begin{aligned} 1/2 \times [0.5 (\text{mol})/400 (\text{mL})] \times 10.0 (\text{mL}) &= 0.100 (\text{mol/L}) \times V_1 (\text{mL}) \times 10^{-3} \\ 1/2 \times [0.15 (\text{mol})/400 (\text{mL})] \times 10.0 (\text{mL}) &= 0.100 (\text{mol/L}) \times V_2 (\text{mL}) \times 10^{-3} \end{aligned}$$

求める体積を  $V_{\text{total}}(\text{mL})$  とすると

$$\begin{aligned} V_{\text{total}} &= V_1 + V_2 \\ &= 1/2 \times [0.5 (\text{mol})/400(\text{mL}) + 0.15(\text{mol})/400(\text{mL})] / (0.100 \times 10^{-3}) \\ &= 81.25(\text{mL}) \end{aligned}$$

答え 81.3mL

#### 出題意図

- ・薬品の安全な取扱いに対する知識があるか？
- ・机上の理論ではなく、実験操作の手順と意味を理解し、実施できる知識を有しているか。
- ・滴定の理論を理解し、計算ができるか？

解 答 用 紙

問題番号	4
------	---

受験番号

問1 5'-TAGCATCG-3' と 5'-CTAGCTGA-3'

問2 2サイクル目 100塩基と90塩基からなる2本鎖DNAが1分子  
100塩基と80塩基からなる2本鎖DNAが1分子  
90塩基と70塩基からなる2本鎖DNAが1分子  
80塩基と70塩基からなる2本鎖DNAが1分子

問3  $n$ サイクル目 100+90塩基の2本鎖DNAが1分子  
100+80塩基の2本鎖DNAが1分子  
90+70塩基の2本鎖DNAが $n-1$ 分子  
80+70塩基の2本鎖DNAが $n-1$ 分子  
70+70塩基の2本鎖DNAが $2^{n-2}$   $n$ 分子

問4 DNAポリメラーゼの失活,  
ヌクレオチド (dNTP) の枯渇,  
プライマーの枯渇 など