

|    |    |
|----|----|
| 教科 | 数学 |
|----|----|

理学部（2科目選択者）・工学部・都市デザイン学部

注 意

1. 開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
2. 問題は1ページから3ページにわたっています。
3. 解答用紙は3枚、計算用紙は1枚で、問題冊子とは別になっています。
4. 試験開始の合図があつてから直ちに問題冊子、解答用紙、計算用紙を確認し、不備がある場合は監督者に申し出てください。
5. すべての解答用紙の所定の欄に、志望学部（1か所）と受験番号（2か所）を記入してください。
6. 解答は解答用紙の指定された場所に記入してください。その際、解答用紙の番号を間違えないようにしてください。解答用紙の指定された場所以外に記入した解答は、評価（採点）の対象としません。
7. 試験終了後、問題冊子と計算用紙は持ち帰ってください。

**[1]** 関数  $f(x) = x(x+1)\sqrt{1-x^2}$  ( $-1 \leq x \leq 1$ ) を考える。次の問いに答えよ。

- (1)  $0 < a < 1$  とする。曲線  $y = f(x)$  上の点  $A(a, f(a))$  における接線  $\ell$  が点  $B(-1, 0)$  を通るとき、 $\ell$  の方程式を求めよ。
- (2) 曲線  $y = f(x)$  と (1) の直線  $\ell$  で囲まれた部分の面積を求めよ。

(解答用紙は **[1]** を使用せよ)

**理・工・都 1**

**[2]**  $\triangle ABC$ において  $AB = AC = 1$  とし、点  $H$  を  $\triangle ABC$  の垂心とする。 $\theta = \angle BAC$  とし、 $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  であると仮定する。 $T(\theta)$  を  $\triangle BHC$  の面積、 $S(\theta)$  を  $\triangle AHC$  の面積とする。次の問いに答えよ。

- (1)  $T(\theta)$  を  $\theta$  の式で表せ。
- (2)  $S(\theta)^2$  の最大値を求めよ。ただし、最大値を与える  $\theta$  の値は求めなくてよい。
- (3)  $\theta$  が不等式  $S(\theta) \geq \frac{\sqrt{3}}{12}$  を満たすように変化するとき、 $\cos \theta$  の値の範囲を求めよ。

(解答用紙は **[2]** を使用せよ)

→ 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20.

理・工・都 2

〔3〕 袋に全部で10個の玉が入っている。袋から玉を1個取り出し、その玉の色に応じて得点を得るゲームがある。1回ゲームをするごとに、取り出した玉は袋に戻し、よくかき混ぜることにする。玉の色と個数、および得点は以下の表の通りである。

|      |     |     |      |
|------|-----|-----|------|
| 玉の色  | 赤   | 白   | 青    |
| 玉の個数 | 2個  | 7個  | 1個   |
| 得点   | 50点 | 10点 | 500点 |

次の問いに答えよ。

- (1) 1回ゲームをして、赤玉または青玉を取り出す確率を求めよ。
- (2) 5回ゲームをして、白玉を少なくとも1回取り出す確率を求めよ。
- (3) 5回ゲームをして、合計得点が1000点より大きい確率を求めよ。

(解答用紙は〔3〕を使用せよ)

理・工・都3

| 受 驗 番 号 |  |  |  |  |  |  |
|---------|--|--|--|--|--|--|
|         |  |  |  |  |  |  |

| 數 学   | 採 点 |
|-------|-----|
| (3-1) |     |

数 学

| 志 望 学 部 | 受 驗 番 号 |
|---------|---------|
| 学部      |         |

(3枚中の 第1枚)

解答用紙

1

注 意

- (1) 志望学部(1か所)と、受験番号(2か所)を記入すること。
- (2) 解答は下線から下部に書くこと。下線から上部、および裏面には解答を書かないこと。

| 採 点 |
|-----|
|     |

| 受 驗 番 号 |  |  |  |  |  |
|---------|--|--|--|--|--|
|         |  |  |  |  |  |

| 數 学   | 採 点 |
|-------|-----|
| (3—2) |     |

|     |
|-----|
| 数 学 |
|-----|

(3枚中の 第2枚)

| 志 望 学 部 | 受 驗 番 号 |
|---------|---------|
| 学部      |         |

## 注 意

- (1) 志望学部(1か所)と、受験番号(2か所)を記入すること。
- (2) 解答は下線から下部に書くこと。下線から上部、および裏面には解答を書かないこと。

## 解答用紙

2

| 採 点 |
|-----|
|     |

| 受 驗 番 号 |  |  |  |  |  |
|---------|--|--|--|--|--|
|         |  |  |  |  |  |

| 数 学   | 採 点 |
|-------|-----|
| (3—3) |     |

|     |
|-----|
| 数 学 |
|-----|

(3枚中の 第3枚)

| 志 望 学 部 | 受 驗 番 号 |
|---------|---------|
| 学部      |         |

## 注 意

- (1) 志望学部(1か所)と、受験番号(2か所)を記入すること。
- (2) 解答は下線から下部に書くこと。下線から上部、および裏面には解答を書かないこと。

## 解答用紙

3

| 採 点 |
|-----|
|     |

計算用紙

見  
本